

## Mesure de dispersion

Définitions :

Moyenne  $\bar{X}$

C'est la somme des résultats divisé par le nombre de résultats.

Pour la moyenne d'un échantillon, on utilise le symbole  $\bar{X}$  (se nomme « X barre »).

**Écart-type** ( $\sigma$  pour une population **ou**  $s$  pour un échantillon)

L'écart-type se rapproche de l'écart moyen et donne une bonne indication sur la dispersion des données à la moyenne. Elle est égale à la racine carrée de la variance.

$n$  = taille de la population ou de l'échantillon

Avec données non-groupées

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \mu)^2}{n}} \quad \text{ou} \quad s = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \bar{X})^2}{n-1}}$$

Avec données dans un tableau de fréquence (effectif)

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum f_i (x_i - \mu)^2}{n}} \quad \text{ou} \quad s = \sqrt{\frac{\sum f_i (x_i - \bar{X})^2}{n-1}}$$

Avec données dans un tableau avec des classes (point milieu)

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum f_i (m_i - \mu)^2}{n}} \quad \text{ou} \quad s = \sqrt{\frac{\sum f_i (m_i - \bar{X})^2}{n-1}}$$

**Exemple** : reprenons la distribution précédente

46 57 64 70 70 76 84 93                       $\bar{X} = 70$

$$s^2 = \frac{(46-70)^2 + (57-70)^2 + (64-70)^2 + (70-70)^2 + (70-70)^2 + (76-70)^2 + (84-70)^2 + (93-70)^2}{7}$$

$$s^2 = \frac{1542}{7} = 220,29$$

$$s = \sqrt{220,29} = \mathbf{14,84}$$

Si on considère cette distribution comme une population, on va calculer l'écart-type avec sigma.

$$\sigma = \sqrt{\frac{1542}{8}} = \sqrt{192,75} = \mathbf{13,88}$$

On remplace n par n-1 dans un échantillon pour obtenir un écart-type plus près de l'écart moyen en général. La différence entre  $\sigma$  et s est négligeable lorsque  $n > 50$ .

Un petit écart-type signifie que les données sont concentrées ou peu étalées de chaque côté de la moyenne (plus homogène). Un grand écart-type signifie le contraire.

Analysons le pourcentage de données compris entre différents intervalles.

$$\bar{X} = 70 \text{ et } s = 14,84$$

Intervalle  $[\bar{X}-s, \bar{X}+s] = [55,16, 84,84] = 6/8 = 75\%$  des données de la distribution se retrouvent dans cet intervalle.

Intervalle  $[\bar{X}-2s, \bar{X}+2s] = [40,32, 99,68] = 8/8 = 100\%$  des données de la distribution se retrouvent dans cet intervalle.

Les données se retrouvent habituellement entre  $[\bar{X}-3s, \bar{X}+3s]$