

## Résumé des notions du chapitre 4

| Notions chapitre 4                          | Formule   | Résultat  |
|---|---|---|
| Loi des sinus                               | $\frac{\sin A}{a} = \frac{\sin B}{b} = \frac{\sin C}{c}$  |   |
| Loi des cosinus                             | $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$  |   |
| Vecteur                                     | Définis par une norme (grandeur, longueur), une direction et un sens.   | L' <b>orientation</b> (en degré) est définie par une direction et un sens.  |
| Composante                                  | (a, b)<br>a : composante horizontale<br>b : composante verticale  | Dans un plan cartésien, désigne le <u>déplacement</u> du vecteur.<br>$\vec{AB} \approx ( \vec{AB}  \cos(\theta^\circ),  \vec{AB}  \sin(\theta^\circ))$            |
| La norme                                    | $d(A, B) = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$<br>$c^2 = a^2 + b^2$<br>$ \vec{AB}  = \sqrt{a^2 + b^2}$  | Utiliser la formule de la distance si vous avez les coordonnées à l'origine et à l'extrémité du vecteur. Utiliser Pythagore avec la composante.                   |
| Équipollents →                              | Identiques (Même norme, direction, sens)  |   |
| Opposés →                                   | Sens opposé (Même norme et direction)   |   |
| Colinéaires →                               | Parallèles (Même direction)   |   |
| Orthogonaux →                               | Angle de 90°.   |   |
| Projection orthogonale                      | On projette de façon orthogonale un vecteur sur une droite. On trouve la norme de la projection à l'aide du cosinus   | $ \vec{AB}'  =  \vec{AB}  \cos(\theta^\circ)$<br>où AB' est le vecteur projeté  |
| Relation de Chasles                         | On trouve le vecteur résultant à l'aide d'une combinaison de vecteur.   | $\vec{AB} + \vec{BC} + \vec{CD} = \vec{AD}$   |
| Orientation d'un vecteur                    | Le point de départ est sur une droite horizontale à partir de l'origine du vecteur.   | À l'aide de la composante, il est possible de trouver le point associé dans un plan cartésien et de trouver l'angle à l'aide de sin, cos ou tan.                  |
| Construction géométrique.                   | Prendre le vecteur initial et placer l'origine du second vecteur sur l'extrémité du premier. Le vecteur résultant est défini par l'origine du premier vecteur et l'extrémité du second vecteur. | On fait la même procédure s'il y a plusieurs vecteurs. Le vecteur résultant sera ainsi défini par l'origine du premier vecteur et l'extrémité du dernier vecteur. |
| Vecteur somme                               | La norme peut être trouvée de deux façons :<br>1. Loi des cosinus<br>2. À l'aide des composantes  |   |
| Multiplication d'un vecteur par un scalaire | $u + u + u + u + \dots + u = ku$<br><br>(il y a une flèche sur tous les vecteurs u)   | $0u = 0$<br>$k0 = 0$<br>$1u = u$<br>(il y a une flèche sur tous les vecteurs u)   |

## Résumé des notions du chapitre 4

|                                   |  |  |
|-----------------------------------|--|--|
| Manipulations algébriques         | <p>Si <math>u = (a, b)</math> <math>v = (c, d)</math><br/> <math>ku = (ka, kb)</math><br/> <math>u + v = (a,b) + (c,d) = (a+c, b+d)</math><br/> <math>u - v = (a,b) - (c,d) = (a-c, b-d)</math></p> <p>Commutativité <math>u + v = v + u</math><br/>         Associativité <math>(u + v) + w = u + (v + w)</math></p> <p><i>(il y a une flèche sur tous les vecteurs <math>u, v, w</math>)</i></p> |  |
| Propriété par un scalaire         | <p>Associativité <math>(k_1 k_2)u = k_1(k_2 u)</math><br/>         Distributivité <math>k(u + v) = ku + kv</math><br/> <math>(k_1 + k_2)u = k_1 u + k_2 u</math></p> <p><i>(il y a une flèche sur tous les vecteurs <math>u, v</math>)</i></p>   |  |
| Combinaison linéaire              | <p><math>w = k_1 u + k_2 v</math></p> <p><i>(il y a une flèche sur tous les vecteurs <math>u, v, w</math>)</i></p>   | Si on connaît les composantes des trois vecteurs, on utilise la méthode d'addition pour trouver les deux nombres réels.                  |
| Produit scalaire de deux vecteurs | <p><math>u \bullet v = \ u\  \times \ v\  \times \cos \theta</math></p> <p><math>\theta</math> est l'angle formé par les deux vecteurs</p> <p>Si on connaît les composantes<br/> <math>u=(a, b)</math> <math>v=(c, d)</math><br/> <math>u \bullet v = ac + bd</math></p> <p><i>(il y a une flèche sur tous les vecteurs <math>u, v</math>)</i></p>   | <p>Le produit scalaire de deux vecteurs orthogonaux est nul (0).</p> <p><b>Force(N) x Déplacement (m) x Cos(angle) = Travail (J)</b></p> |
| Propriété du produit scalaire     | <p>Commutativité <math>u \bullet v = v \bullet u</math><br/>         Associativité <math>k_1 u \bullet k_2 v = k_1 k_2 v</math><br/>         Distributivité <math>u \bullet (v + w) = u \bullet v + u \bullet w</math></p> <p><i>(il y a une flèche sur tous les vecteurs <math>u, v, w</math>)</i></p>  |  |

Composante: (a, b) ou (x, y)

Pour trouver  $\text{Tan}^{-1}(y/x)$ ,  
 toujours prendre  
 les valeurs positives  
 de x et y.

