

**Deux événements sont complémentaires:**

1. Ils ne possèdent pas d'éléments communs
2. On obtient l'univers des possibles si on met en commun les deux événements.

Exemple :

$\Omega = \{1,2,3,4,5,6\}$  et  $A = \{1,2,4,5\}$

L'événement complémentaire est noté  $A'$ .

$A' = \{3,6\}$

**Probabilité :**

La probabilité est liée à la réalisation d'un résultat d'une expérience

La formule :  $p = \frac{\text{NombreDeCasFavorables}}{\text{NombreDeCasPossibles}}$

Exemple : On lance un dé, quelle est la probabilité d'obtenir un 5?

Nombre de cas favorables : Il y a une chance d'obtenir un 5

Nombre de cas possibles : Il y a 6 chiffres.

$$P = \frac{1}{6}$$

**Définitions :**

Probabilité théorique : résultat obtenu sans faire d'essais

Probabilité fréquentielle : résultat obtenu avec répétition d'une expérience.

**Arrangement (Événements indépendants)**

La probabilité d'un événement n'est pas influencée par la probabilité de l'autre événement. Il suffit donc de multiplier les deux probabilités.

$$P(A \text{ suivi de } B) = P(A) \times P(B)$$

Exemple :

On lance un dé deux fois. Quelle est la probabilité d'obtenir un 5 suivi d'un 4?

$$P(\text{d'obtenir un 5 suivi d'un 4}) = P(\text{obtenir un 5}) \times P(\text{d'obtenir un 4}) = \frac{1}{6} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{36}$$

**Arrangement (Événements dépendants)**

La probabilité d'un événement est influencée par la probabilité de l'autre événement. Il suffit par la suite de multiplier les deux probabilités.

$$P(A \text{ suivi de } B) = P(A) \times P(B \text{ sachant que } A \text{ a été réalisé})$$

Exemple : Une urne contient 2 boules bleues et 3 boules vertes. Tirage sans remise.

A = piger une boule bleue

B = piger une boule verte

$$P(A \text{ suivi de } B) = P(A) \times P(B \text{ sachant que } A \text{ a été réalisé}) = \frac{2}{5} \times \frac{3}{4} = \frac{6}{20} = \frac{3}{10}$$

**Probabilité complémentaire**

C'est la probabilité de trouver l'événement contraire.

Formule :  $P(A') = 1 - P(A)$

Exemple : Une urne contient 2 boules bleues et 3 boules vertes.

A = probabilité de piger une boule bleue si on fait une pige.

A' = probabilité de **ne pas** piger une boule bleue si on fait une pige. Cela revient à dire que l'on doit piger une boule verte.

$$P(A) = \frac{2}{5} \quad \text{et} \quad P(A') = 1 - P(A) = 1 - \frac{2}{5} = \frac{3}{5}$$

**Chances de réalisation**

Nous avons vu que la formule d'une probabilité est  $p = \frac{\text{NombreDeCasFavorables}}{\text{NombreDeCasPossibles}}$ .

Par exemple : Une urne contient 2 boules bleues et 4 boules vertes. Tirage sans remise.

A = piger une boule bleue

B = piger une boule verte

$$P(A \text{ suivi de } B) = P(A) \times P(B \text{ sachant que } A \text{ a été réalisé}) = \frac{2}{6} \times \frac{4}{5} = \frac{8}{30} = \frac{4}{15}$$

Ainsi, il y a 4 cas favorables et 15 cas possibles.

« Chances pour »

$$A = \frac{\text{NombreDeCasFavorables}}{\text{NombreDeCasDéfavorables}}$$

À partir de l'exemple ci-dessus, s'il y a 4 cas favorables, il y a donc  $15-4 = 11$  cas défavorables.

$$A = \frac{4}{11}$$

« Chances contre »

$$A = \frac{\text{NombreDeCasDéfavorables}}{\text{NombreDeCasFavorables}}$$

À partir de l'exemple ci-dessus, s'il y a 4 cas favorables, il y a donc  $15-4 = 11$  cas défavorables.

$$A = \frac{11}{4}$$

**Exemple :** Une urne contient 2 boules bleues et 3 boules vertes. Tirage sans remise.

A = piger une boule bleue    B = piger une boule verte

$$P(A \text{ suivi de } B) = P(A) \times P(B \text{ sachant que } A \text{ a été réalisé}) = \frac{2}{5} \times \frac{3}{4} = \frac{6}{20} = \frac{3}{10}$$

« Chances pour »  $A = \frac{3}{7}$     « Chances contre »  $A = \frac{7}{3}$